Lista de exercícios Aula 17 – Transformações e geometria Álgebra Linear

Prof. Elton Carvalho − ECT − UFRN

Questionário e Aula síncrona: Quinta-feira 13/01/2022

Considere as seguintes transformações no \mathbb{R}^3 .

- 1. Escreva a matriz do operador S que escala (amplia/reduz) um sólido de maneira uniforme por um fator c.
- 2. Qual a transformação representada pela matriz abaixo?

$$R = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

3. Utilizando coordenadas homogêneas: $(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \sim (x, y, z, 1) \in \mathbb{R}^4$, obtenha a matriz [T] do operador translação T tal que T(x, y, z) = (x + a, y + b, z + c), ou seja:

$$[T] \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x+a \\ y+b \\ z+c \\ 1 \end{bmatrix}$$

- 4. Em três dimensões, toda rotação *R* se dá em torno de algum eixo. Ou seja, o eixo não se move e apenas as coordenadas ortogonais a ele se transformam de forma análoga ao caso bidimensional.
 - (a) Escreva a matriz R_z que representa uma rotação em torno do eixo z de um ângulo θ .
 - (b) Faça o mesmo para uma rotação em torno do eixo y.
- 5. Mostre que a matriz da translação por um vetor (-a, -b, -c) é a inversa da matriz da translação por (a, b, c). O que isso significa?
- 6. Mostre, no \mathbb{R}^2 , que a matriz da rotação de um ângulo θ em torno da origem é a matriz inversa da rotação de um ângulo $-\theta$. O que isso significa?