## Lista de exercícios Aula 15 – Matriz de transformação Álgebra Linear

Prof. Elton Carvalho − ECT − UFRN

Questionário e Aula síncrona: Terça-feira 11/01/2022

- 1. Seja  $F: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^3$  tal que F(x, y, z) = (x 3y + 2z, -y + z, 2x y). Obtenha [F], a matriz de F em relação à base canônica de  $\mathbb{R}^3$ .
- 2. Seja  $F: \mathbb{R}^3 \to P_2(\mathbb{R})$  tal que  $F(x,y,z) = x + (x+z)t + (-y+2z)t^2$ . Obtenha  $[F]_B^C$ , a matriz de F em relação à base canônica  $C = \{(1,0,0), (0,1,0), (0,0,1)\}$  de  $\mathbb{R}^3$  e a base canônica  $B = \{1,t,t^2\}$  de  $P_2(\mathbb{R})$ .
- 3. Seja  $T: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}^2$  tal que T(x,y,z) = (2x+y-z,3x-2y+4z). Considere as bases  $B = \{(1,1,1),(1,1,0),(1,0,0)\}$  de  $\mathbb{R}^3$  e  $C = \{(1,3),(1,4)\}$  de  $\mathbb{R}^2$ . Obtenha  $[T]_C^B$ , a matriz de T em relação às bases B e C.
- 4. Determinar o operador F do  $\mathbb{R}^2$  cuja matriz em relação à base  $\{(1,1),(1,2)\}$  é

$$[F] = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}.$$

- 5. Determine a matriz do operador derivação em  $P_3(\mathbb{R})$  em relação à base canônica desse espaço.
- 6. Seja  $F \in L(P_3(\mathbb{R}), \mathbb{R})$  a transformação dada por

$$F(g(t)) = \int_0^1 g(t) \, \mathrm{d}t.$$

Determine a matriz de *F* em relação às bases canônicas desses espaços.

7. Mostre que, fixadas as bases B e C de V e W, respectivamente, a transformação que leva  $F \in L(V, W)$  a sua matriz  $[F]_{B,C} \in M_{m \times n}(\mathbb{R})$  obedece à propriedade

$$[\lambda F]_C^B = \lambda \ [F]_C^B.$$

8. Seja V um espaço vetorial sobre  $\mathbb R$  e seja  $\mathbb I$  o operador identidade de V. Dadas as bases B e C de V, mostre que  $[\mathbb I]_C^B$  é a matriz de mudança da base B para a base C.